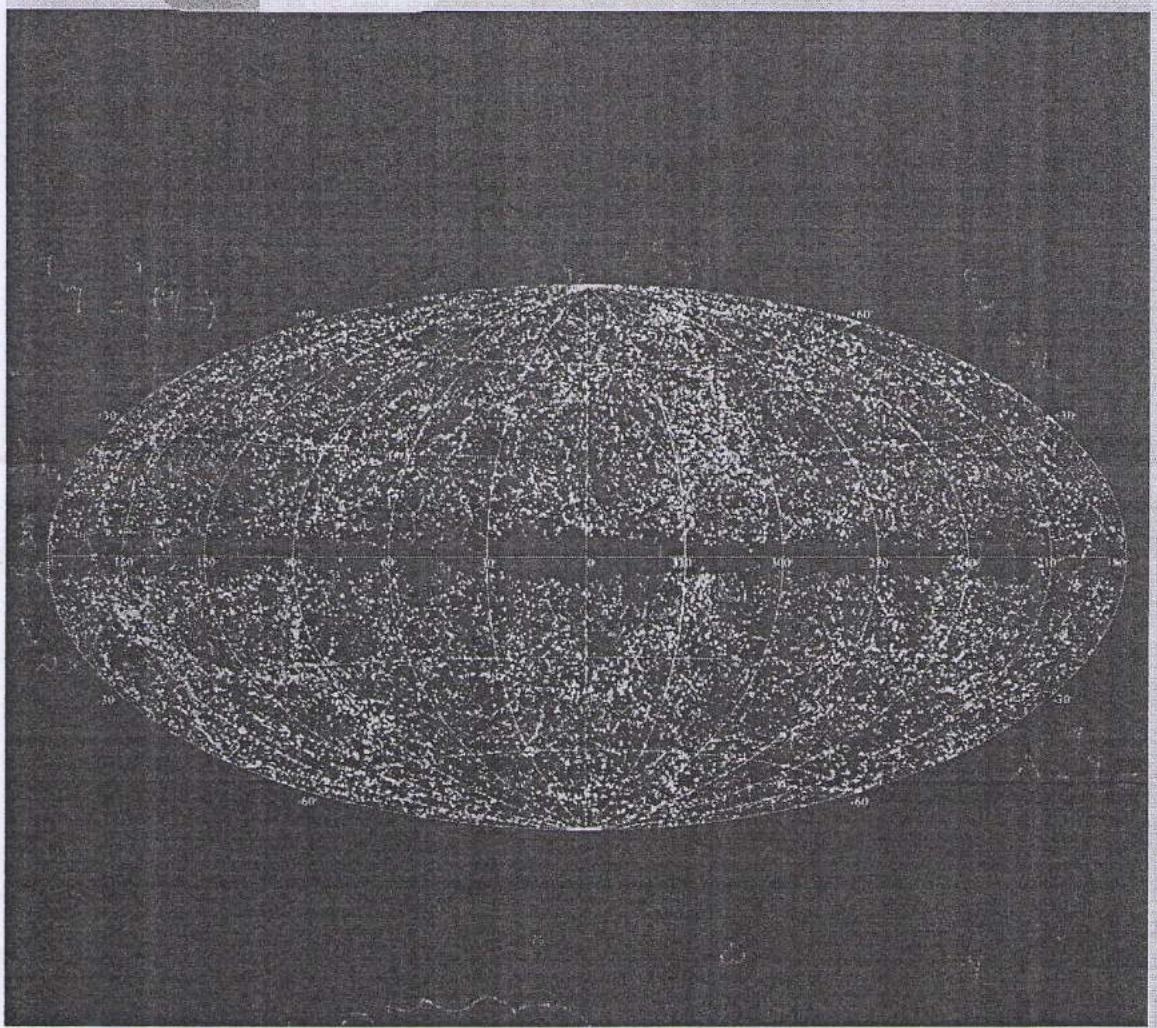


فصل

توان و جذر



اندازه تقریبی شعاع منظومه شمسی 12 10° متر است. اندازه تقریبی شعاع جهان قابل مشاهده توسط انسان 13 برابر بیشتر است. تصویر بالا شامل ۴۳ هزار کهکشان است. اگر می خواهید بدانید ما کجا هستیم باید بدانید که کهکشان راه شیری تقریباً یک نقطه کوچک در وسط های نقشه محسوب می شود. فکر منظومه شمسی را هم نکنید چون خیلی کوچکتر از آن است که در این تصویر قابل دیدن باشد.

توان

ضرب اعداد توان دار

یادآوری

یادآوری در سال گذشته ضرب دو عدد توان دار با پایه های مساوی و نیز توان های مساوی را یاد گرفتید. این قواعد را با نمادهای ریاضی به صورت زیر می نویسیم.
اگر a عددی دلخواه و n, m دو عدد طبیعی باشند :

$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$

$$a^m \times b^m = (a \times b)^m$$

$$(a^m \cdot a^n = a^{m+n}) \text{ و } a^m \cdot b^m = (ab)^m : \text{ (یا برای سادگی)}$$

برای آمادگی بیشتر، تمرین های زیر را انجام دهید.

۱- حاصل هر یک از عبارت های زیر را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

$$\begin{aligned} 2^6 \times 2^3 &= 2^9 \\ (-\frac{2}{3})^4 \times (-\frac{2}{3})^5 &= (-\frac{2}{3})^{12} \\ 8^3 \times 2^3 &= 16^3 \\ (-6)^4 \times (\frac{1}{2})^4 &= (-3)^4 = 3^4 \\ 2^5 \times 3^2 \times 6^5 \times 4^2 &= 12^7 \\ 3 \times (\frac{3}{5})^3 \times 8^1 &= 3^5 \\ 2^2 \times 14^2 &= 12^2 \\ 2^2 \times 8^5 \times 4^2 &= 1^1 \end{aligned}$$

۲- حاصل هر یک را به صورت عبارتی توان دار بنویسید. **اصلاح هستد**

$$\begin{aligned} a^2 \times a^8 &= a^{10} & x^4 \times y^4 &= (x \cdot y)^4 & (ab)^3 \times a^2 \times b^2 &= a^3 \cdot b^3 = (ab)^5 \\ (xy)^2 \times (xy)^3 &= (xy)^5 & 12^5 \times 18^3 \times (\frac{1}{9})^3 &= 10^9 & 12 \times (2a)^3 \times 2a &= 2^3 \times a^3 \times 2^3 \times a^3 = 2^6 \times a^6 = (2a)^6 \end{aligned}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{(2a)^3}{a^3} = 2^3 = 8 \quad \text{۳- حجم مکعبی به ضلع } a \text{ چند برابر حجم مکعبی به ضلع } a \text{ است؟}$$

۴- جاهای خالی را با اعدادها و حرف های مناسب پر کنید.

$$18^5 = (6 \times 3)^5$$

$$a^8 = a^r \times a^s$$

$$7^{\circ} \times 4^5 = 4^5$$

$$(-\frac{7}{2})^4 \times (-\frac{7}{2})^2 = (-\frac{7}{2})^6$$

جواب اصلی

$$(4 \times 3)^4 = 2^4 \times 3^4$$

$$\begin{aligned} 2^4 \times 4^4 &= 4^4 \\ (\frac{1}{2})^4 \times 2^4 &= 4^4 \end{aligned}$$

پیشگم



صارق \leftarrow ضرب اعداد توان دار با چالهای برابر **بهروز** \leftarrow ابتدا حاصل $2^3 = 8$ را درست کنید و بعد از

معرفی توان استفاده نماید **بهرام** \leftarrow ابتدا کار ببروز و سپس هردو توان $8 \times 8 = 64$ را درست کنید و در نهایت

از معرفی توان **هادی** \leftarrow قانون ضرب اعداد توان دار را روی هر دو عدد اجمال داده و در نهایت دوباره از همان

قانون کمک کرده است **مجید** \leftarrow هر روش عدد را با قانون ضرب اعداد توان دار **قانون های مساوی** محاسبه کرده و در آنها باز هم از همان قانون کمک کرده است



۱-۵ حاصل عبارت $2^3 \times 2^3 \times 2^3 \times 2^3$ را پنج داش آموز به صورت یک عدد توان دار حساب کرده اند. راه حل هر داش آموز را توضیح دهید و تفاوت آنها را بیان کنید.

صادق: **قانون ضرب اعداد توان دار** $2^3 \times 2^3 \times 2^3 \times 2^3 = 2^{3+3+3+3} = 2^{12}$

بهروز: **چون** $2^3 = 8$ و **قانون ضرب** $8 \times 8 \times 8 \times 8 = 8^4$

بهرام: $2^3 \times 2^3 \times 2^3 \times 2^3 = 8 \times 8 \times 8 \times 8 = 64 \times 64 = 64^2$

هادی: $2^3 \times 2^3 \times 2^3 \times 2^3 = 2^6 \times 2^6 = 2^{12}$

مجید: $2^3 \times 2^3 \times 2^3 \times 2^3 = 4^3 \times 4^3 = 16^2$

با محاسبه، نشان دهید که تساوی های زیر درست اند: (می توانند از ماشین حساب کمک

$1^4 = 4096$ بگیرید.)

$8^4 = 64^2 = 16^3 = 2^{12} = 4096$

$64^3 = 4096$

توضیح دهید که تساوی زیر چگونه بدست آمده است. عدد 2^3 در ضرب با خوبی \square مارکرده شده

$$\boxed{\square} = 2^3$$

$$\square \times \square \times \square \times \square = \square \rightarrow \square^4 = (2^3)^4$$

با مقایسه این تساوی و تساوی های بالا، آیا می توان نتیجه گرفت: $(2^3)^4 = 2^{12}$

بله

اکنون، درستی تساوی های زیر را به هر روشی که می توانند بررسی کنید.

$$(7^2)^5 = 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 7^{10}$$

$$(7^2)^5 = 7^10$$

$$[(\frac{1}{2})^3]^4 = (\frac{1}{2})^{12} \quad [(\frac{1}{2})^3] = (\frac{1}{2})^3 \times (\frac{1}{2})^3 \times (\frac{1}{2})^3 = (\frac{1}{2})^9$$

$$(-2^3)^7 = [(-2)^3]^7 = (-2)^{21} \quad (a^3)^4 = a^{12} \quad (a^3)^4 = a^3 \times a^3 \times a^3 \times a^3 = a^{12}$$

$$(-2)^{21} = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)$$

$$(-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) = (-2)^{21}$$

$$(-2)^{21} = (-2)^{21}$$

آنچه را فراگرفته اید، به صورت یک قانون کلی بیان کنید.

اگر a عددی دلخواه و m و n عددهای طبیعی باشند، آنگاه:

$$(a^m)^n = a^{mn}$$

برای به توان رساندن یک عدد توان دار

می توانیم با یه آن عدد را به توان حاصل ضرب توان ها برسانیم

کار در کلاس



۱- حاصل عبارت‌های زیر را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$(5^4)^4 = 5^{28}$$

$$\left[\left(\frac{2}{3}\right)^2\right]^3 = \left(\frac{2}{3}\right)^6$$

$$[(-6)^2]^5 = (-4)^{10} = 4^{10}$$

$$\left[\left(-\frac{1}{7}\right)^2\right]^4 = \left(-\frac{1}{7}\right)^{12}$$

$$(18^2)^2 = 18^4$$

$$(x^4)^8 = x^{32}$$

$$[(ab)^2]^2 = (ab)^4$$

$$((xy)^2)^3 = (xy)^6$$

$$(2^m)^n = 2^{mn}$$

کار خاصی نی توانم اصلاح

اصلاح سود

۲- کدام یک از تساوی‌های زیر درست و کدام یک نادرست است؟ توضیح دهید.

نادرست $(3^2)^4 = 3^2 \times 3^4$ \times

درست $3^5 \times 3^5 = 3^{5+5} = 3^{10} \checkmark$

درست $(3^2)^4 = 3^8 \checkmark$

نادرست $(3^6)^2 = 3^1 \times 3^6 \times \Rightarrow \begin{cases} 3^0 = 1 \\ 3^9 = 19683 \end{cases}$

$$(5^3)^2 = 5^9$$

$$5^4 \neq 5^9$$

$$\Leftarrow (5^2)^3 = 5^6$$

نادرست

نادرست $3^2 \times 3^3 = 3^6 \times$

درست $3^5 \times (2^2)^5 = 12^5 \checkmark$

نادرست $a^r \cdot a^s = a^{r+s} \times$

درست $((-2)^3)^2 = 2^6 \checkmark$

نادرست $(-4^2) = 4^6 \times (-)$

در صورت درست است $a = 1$ باشد

عددی متفق $\rightarrow (-4)^4$

عددی ثابت $\rightarrow 4^4$

۳- حاصل عبارت $[-5]^{-2} \times (-5)^2 \times (-5)^2$ برابر کدام یک از مقادیر زیر است؟

$$= (-5)^9 \times (-5)^2 = (-5)^{11} = 5^{11}$$

$$\text{(الف)} (-5)^8 \checkmark$$

ب) -5^8 جواب متفق نی دهد و نادرست است

۴- در جاهای خالی عدد مناسب قرار دهید.

$$9^0 = (3^{\textcircled{1}})^0 = 3^{\textcircled{10}}$$



$$20 - 4(2 \times 2^3) = 20 - 4 \times 2^4 = -108$$

تمرین



۱- مقدار عددی عبارت $a-b(c \times b^c)$ را به ازای $a=20$, $b=4$ و $c=2$ به دست آورید.

۲- حجم مکعبی به ضلع 8cm را به صورت یک عدد توان دار، که پایه آن عدد

$$27 \times 9^{\frac{1}{3}} = 3^3 \times 3^{\frac{10}{3}} = 3^{13} \quad \text{حجم} V = 8 = (2^3)^3 = 2^9$$

باشد، بنویسید.

۳- پیست و هفت برابر عدد 9^5 را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

$$27 = 3^3 \\ 9^5 = (3^2)^5 = 3^{10}$$

۴- حاصل هر یک از عبارت های زیر را به دست آورید و در صورت امکان، به شکل یک

عبارت توان سفرا ازین صورت اینجا توان سفر را ازین صورت

$$[(-3^2)]^2 = (-9)^2 = 81 = 3^4 \quad [(-3^2)]^3 = 9^2 = 81 = 3^4$$

$$2^5 \times 2^4 \times 2^3 \times 2^2 = 2^{16} \quad (-\frac{5}{6})^3 \times (\frac{7}{5})^3 \times (\frac{3}{7})^3 = (-\frac{1}{2})^3$$

$$2^{4+3+2+1} = 2^{10} \quad (x^2)^5 \cdot (y^2)^4 \cdot x^2 y^4 = x^{10} y^8$$

۵- کدام عده های طبیعی را می توان به جای \square نوشت تا نامساوی زیر درست باشد؟

$$(-2)^{\square} > 15$$

۶- حاصل $2^7 + 2^7$ و حاصل $3^5 + 3^5$ را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

۷- عده های $1, 2, 3, 4$ را طوری در جاهای خالی قرار دهید که یک تساوی درست به دست

آید. (از هر چهار عدد استفاده کنید).

$$(3) \times ((2)^3) = (5)^2 - (1)^4$$

۸- مقدار عددی عبارت های زیر را به ازای $a=6$ و $b=-2$ و $c=-4$ به دست آورید.

$$-(2(a+b^2)) + \frac{c^3}{b} = -2(4+4^2) + \frac{16}{-2} = -20 - 16 = -36 \quad (\text{الف})$$

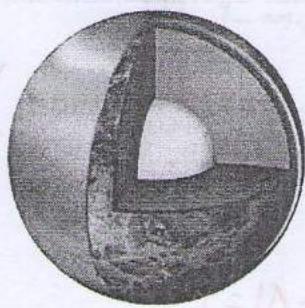
$$\text{ب) } (\frac{a}{b})^r + bc - 10 = (\frac{6}{-2})^2 + (-2)(-4) - 10 = 9 + 8 - 10 = 7$$

$$\underbrace{a^n + a^n + a^n + \dots + a^n}_{\text{تعداد } n} = a \times a^n = a^{n+1}$$

نکته

تقسیم اعداد توان دار

تقسیم دو عدد توان دار با پایه های مساوی



۵ دمای مرکز خورشید حدود 10^7 درجه سانتی گراد است. این دما چند برابر دمایی است که آب در آن به جوش می آید؟ پاسخ را ضمن کامل کردن جاهای خالی به صورت یک عدد توان دار بیان کنید و مراحل حل مسئله را نیز توضیح دهید.

حل: آب در 10^0 درجه سانتی گراد به جوش می آید و داریم: $10^0 = 1^0$

$$\frac{10^7}{10^2} = \frac{10^7}{10^2} = \frac{10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10}{10 \times 10} = 10^5$$

بنابراین: $10^7 \div 10^2 = 10^5$

يعنی دمای مرکز خورشید 10^5 برابر دمایی است که آب در آن به جوش می آید.

آیا تقسیم بالا را به شکل زیر نیز می توانیم انجام دهیم؟ پل

$$\frac{10^7}{10^2} = \frac{10^2 \times 10^5}{10^2} = 10^5$$

اکنون، حاصل هر یک از تقسیم های زیر را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

$$(-9)^5 \div (-9)^3 = \frac{(-9)^5}{(-9)^3} = (-9)^2 = (-9)^2$$

$$\left(\frac{3}{2}\right)^6 \div \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{\left(\frac{3}{2}\right)^6}{\left(\frac{3}{2}\right)^2} = \left(\frac{3}{2}\right)^4 = \left(\frac{3}{2}\right)^4$$

با استفاده از نمونه های داده شده، برای محاسبه تقسیم دو عدد توان دار با پایه های مساوی قانونی بنویسید. یعنی از بایه ها از من نویسم و توان اول را نهایی تر ان روی می ننم

a عددی دلخواه و m, n عددهای طبیعی باشند:

$$a^m \div a^n = a^{m-n}$$

کار در کلاس



۱- حاصل هر یک از عبارت‌های زیر را به صورت عددی توان دار بنویسید.

$$8^1 \div 8^0 = 8^{1-0} = 8^1 = 8$$

$$\frac{3^7}{3^3} = 3^{7-3} = 3^4$$

$$6^2 \div 6^1 = 6^{2-1} = 6^1 = 6$$

$$(-\frac{3}{5})^5 \div (-\frac{3}{5})^2 = (-\frac{3}{5})^{5-2} = (-\frac{3}{5})^3$$

$$\frac{(-2)^4}{(-2)^1} = (-2)^{4-1} = (-2)^3$$

$$(\frac{1}{9})^4 \div (\frac{1}{9})^1 = (\frac{1}{9})^{4-1} = (\frac{1}{9})^3$$

$$(\frac{4}{5})^9 \div (\frac{4}{5})^2 = (\frac{4}{5})^{9-2} = (\frac{4}{5})^7$$

$$(-0.3)^5 \div (-0.3)^3 = (-0.3)^{5-3} = (-0.3)^2$$

$$\frac{7^5}{7^1} = 7^{5-1} = 7^4$$

نیازی به برآنتز نیست باشد

۲- جاهای خالی را با عدد مناسب پر کنید.

$$(2^3) \circledast = 2^{15}$$

$$3^5 \div 3^1 = 3^{5-1}$$

$$14^0 \div (14^1)^2 = 14^0$$

$$\frac{V^3}{V^5} = \frac{V^{3-2}}{V^2} = \frac{1}{V} = (\frac{1}{V})^1 \leq \frac{V^3}{V^5} = V^{3-5} = V^{-2}$$

۳- حاصل را به صورت یک عبارت توان دار بنویسید.

$$a^{11} \div a^6 = a^{\textcolor{blue}{V}}$$

$$(xy)^6 \div (xy)^3 = (xy)^{6-3} = (-x)^2 \div (-x)^2 = (-x)^{2-2} = x^0$$

تقسیم دو عدد توان دار با توان های مساوی



مثال های داده شده را مطالعه کنید و با برگردان جاهای خالی توضیح دهید که پاسخ

هر یک از تقسیم ها چگونه به دست آمده است.

$$12^4 : 6^4 = \frac{12^4}{6^4} = \frac{12 \times 12 \times 12 \times 12}{6 \times 6 \times 6 \times 6} = \frac{12}{6} \times \frac{12}{6} \times \frac{12}{6} \times \frac{12}{6} = (\frac{12}{6})^4 = 2^4$$

$$3^5 : 7^5 = \frac{3^5}{7^5} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}{7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7} = (\frac{3}{7})^5$$

$$(-4)^3 : 6^3 = \frac{(-4)^3}{6^3} = \frac{(-4) \times (-4) \times (-4)}{6 \times 6 \times 6} = (-\frac{4}{6}) \times (-\frac{4}{6}) \times (-\frac{4}{6}) = (-\frac{2}{3})^3 = (-\frac{2}{3})^3$$

$$12^4 : 6^4 = \frac{12^4}{6^4} = \frac{2^4 \times 6^4}{6^4} = 2^4$$

$$12 \div 4 = \frac{12 \times 12 \times 12 \times 12}{4 \times 4 \times 4 \times 4} = 2^4$$

پایه ها بهم تقسیم می شوند

$$8^{\frac{5}{2}} = (8 \div 2)^{\frac{5}{1}} = 4^5$$

با توجه به مثال های بالا، توضیح دهد تساوی $2^5 = 8^{\frac{5}{2}}$ چگونه به دست آمده است.

اکنون، برای تقسیم دو عدد توان دار با توان های مساوی قانون زیر را کامل کنید.

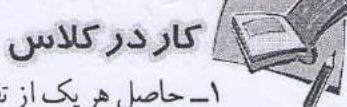
در تقسیم اعداد توان دار با پایه های مساوی کافی است توان های از هم نویسیم و با همان ترتیب تقسیم کنیم

به کمک قانونی که نوشته اید، حاصل تقسیم های زیر را به صورت عددی توان دار بنویسید.

$$(-2)^{\frac{1}{3}} \div (-2)^{\frac{1}{4}} = \left(\frac{-2}{-2}\right)^{\frac{1}{3} - \frac{1}{4}} = \left(\frac{1}{1}\right)^{\frac{1}{12}} = 1^{\frac{1}{12}}$$

اکنون قانون فوق را با نمادهای ریاضی هم نشان دهید.

$a^m \div b^m = \left(\frac{a}{b}\right)^m$ و a و b دو عدد دلخواه و m یک عدد طبیعی و $\neq 0$



کار در کلاس

۱- حاصل هر یک از تقسیم های زیر را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$\begin{aligned} 5^7 \div 3^7 &= \left(\frac{5}{3}\right)^7 & 14^3 \div 7^3 &= \left(\frac{14}{7}\right)^3 = 2^3 \\ (-8)^5 \div (-2)^5 &= \left(\frac{-8}{-2}\right)^5 = 4^5 & 9^2 \div 27^2 &= \left(\frac{9}{27}\right)^2 = \left(\frac{1}{3}\right)^2 \end{aligned}$$

۲- عبارت های زیر را ساده کنید و در صورت امکان، پاسخ را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$5^7 \times 3^4 \times 2^7 \times 3^3 = 15 \times 3^7 = 3^{10} \quad \left(\frac{2}{3}\right)^8 \div \left(\frac{2}{3}\right)^5 = \left(\frac{2}{3}\right)^{8-5} = \left(\frac{2}{3}\right)^3$$

$$\begin{aligned} \frac{3^0 \times 3^0 \times 5^1}{4^1 \times 5^0} &= \frac{3^0}{4^1} = 3^0 & \frac{(a^r)^s}{a^r} &= \frac{a^{rs}}{a^r} = a^{s(r-1)} & \frac{(x^r)^s \times x^v}{x^{11}} &= \frac{x^{rs} \times x^v}{x^{11}} = \frac{x^{rs+v}}{x^{11}} = x^{rs+v-11} \\ (a^s)^{r-1} &= (a^r)^{s-1} = a^{rs-1} & \text{تصویر} \end{aligned}$$

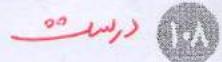
۱- هر یک از عده های زیر را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

$$81^{\frac{4}{3}} = (-2)^{\frac{3}{2}} = 2^{\frac{10}{3}} \quad 10^{24} = 2^{\frac{10}{3}} \quad -\frac{125}{729} = \left(-\frac{5}{9}\right)^3 = \left(\frac{1}{3}\right)^9 = \frac{1}{512} = \left(-\frac{1}{2}\right)^9$$

۲- کدام عبارت های زیر درست و کدام نادرست است؟ توضیح دهید.

$$\left(\frac{-5}{2}\right)^2 = -\frac{25}{4} \quad \text{نادرست} \quad \left(\frac{5}{11}\right)^0 = 0 \quad \left[\left(\frac{2}{3}\right)^3\right]^5 = \left(\frac{2}{3}\right)^8 \quad \text{نادرست}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^4 \times \left(\frac{3}{5}\right)^4 = \left(\frac{2}{5}\right)^8 \quad \text{درست} \quad 10^2 \times 10^3 = 10^{12} \quad \text{نادرست} \quad (-2)^3 \times (-2) = 16 \quad \checkmark \quad (-2)^4 = 16$$



۳- حاصل هر عبارت را به صورت عددی توان دار بنویسید.

$$\left(\frac{1}{3}\right)^4 \times 3^{10} = \frac{1 \times 3^{10}}{3^4} = 3^4 \quad \frac{5^6 \times 6^3}{5^4 \times 6^5} = \left(\frac{5}{6}\right)^2 \quad \frac{x^7 \times y^4}{x^5 \times y^2} = x^2 y^2 = (xy)^2$$

۴- در جاهای خالی عدد مناسب بگذارید.

$$3^5 \times 3^2 = 3^7 \quad 5+5=10 \quad (7^4) \circledR = 7^8 \quad 5 \times 4 = 1 \quad \frac{\sqrt{9} \times \sqrt{4}}{\sqrt{3} \times \sqrt{1}} = \sqrt{5} \quad 9+2-3=8$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 \times \left(\frac{2}{3}\right)^5 = \left(\frac{2}{3}\right)^7 \quad \frac{(-6)^8}{(-6)^6} = (-6)^2 \quad 1-5=-4$$

۵- عددای زیر را از کوچک ترین تا بزرگ ترین و به ترتیب از چپ به راست مرتب کنید.

$$-4^3 = -64 < (-1)^0 = -1 < 0 < \left(\frac{1}{3}\right)^5 = \frac{1}{243} < 1 = 1 < 4 = 16$$

۶- کدام تساوی های زیر درست و کدام نادرست است؟

نادرست \times $(\sqrt{5})^2 = 25$ \checkmark $(\sqrt{5})^2 = 5$ \checkmark $(\sqrt{5})^2 = (-\sqrt{5})^2$ \checkmark $+ \sqrt{5} = -\sqrt{5}$

۷- حاصل عبارت های زیر را به دست آورید.

$$(-1^0)^3 = (-100)^3 = -10000000 \quad (ab^3)^3 = a^3 b^9 \quad (x^3 y^2)^3 = x^9 y^6 \quad \left(\frac{x^7}{x^3}\right)^5 = (x^4)^5 = x^{20}$$

$$[36^5 \div (-3)^5] \div [(-2)^5 \times (-3)^5] = (-12)^0 \div (+8)^0 = (-2)^0 = -2^0$$

۸- نصف 2^9 و ربع 4^7 را به صورت عددای توان دار بنویسید.

$$\text{نصف } 2^9 = 2^9 \div 2 = 2^8 \quad \text{ربع } 4^7 = \frac{1}{4} \times 4^7 = 2^4$$

خواندنی

رشد باکتری ها به شرایط مناسب محیطی و وجود مواد غذایی بستگی دارد. در شرایط

مطلوب باکتری ها در هر 20 دقیقه به دو نیم تقسیم می شوند، سپس در 20 دقیقه دیگر رشد

کرده دوباره هر کدام به دو قسمت تقسیم می شوند. تکثیر باکتری ها تا جایی ادامه پیدا می کند

که مواد غذایی لازم موجود باشد، برای مثال اگر در حال حاضر 2 باکتری داشته باشیم، در 20

دقیقه دیگر $2 \times 2 = 4$ باکتری و در 40 دقیقه دیگر $4 \times 2 = 16$ باکتری خواهیم داشت. به نظر

شما اگر مواد غذایی لازم موجود باشد، پس از گذشت 24 ساعت چند باکتری خواهیم داشت؟

$$\frac{24 \times 4^0}{2^0} = 2^4 \quad \text{هر } 20 \text{ دقیقه یک واحد زمان هست}$$

تعداد باکتری ها	۰	۱	۲	۳	۴	۷۲
تعداد زمان	۲	۴	۸	۱۶	۳۲	$9,444,732,960,739,296$ $427,392$
رابطه	2^1	2^2	2^3	2^4	2^7	2^7

حروف حالت‌های ناهمطوب

جذر تقریبی

فعالیت



آزاده، نرگس و نسیم هنگام

گردش علمی به یک آب‌گذر (کانال) به عرض ۵

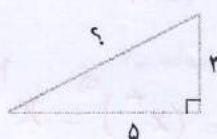
متر رسیدند. در طرف دیگر آب‌گذر دیواره‌ای ارتفاع دیوار

به ارتفاع ۳ متر وجود داشت. آنها می‌خواهند

بدانند اگر پلی برای رفتن به طرف دیگر آب

ساخته شود، طول آن چقدر خواهد بود؟

در ادامه، گفت‌وگوی این سه دانش‌آموز را می‌خوانید که برای حل این مسئله صورت گرفته است. با دقت در این گفت‌وگو سعی کنید نظر هر دانش‌آموز را توضیح دهید.



آزاده: به نظر من این مسئله مانند آن است که یک مثلث

قائم الزاویه به اضلاع ۳ و ۵ متر داشته باشیم و بخواهیم وتر آن

را بدست آوریم.

نرگس: پس می‌توانیم از رابطه فیثاغورس استفاده کنیم.

نسیم: یعنی رابطه مقابل را داریم: $3^2 + 4^2 = 5^2 \Rightarrow 9 + 16 = 25$ مربع وتر

آزاده: درست است. اکنون برای بدست آوردن طول وتر باید جذر عدد ۲۵ را بدست آوریم.

نرگس: چون $\sqrt{25} = 5$ پس $\sqrt{25} < \sqrt{34}$ بین دو عدد ۵ و ۶ قرار دارد.

عنی داریم: $5 < \sqrt{34} < 6$

نسیم: اگر فاصله ۵ تا ۶ را روی محور نصف کنیم، عدد $5/5$ به دست می‌آید و چون $(5/5)^2 = 25/25 = 1$ ، پس حتماً جذر ۳۴ از $5/5$ بیشتر است.

آزاده: می‌توانیم چند عدد بزرگ‌تر از $5/5$ را بررسی کنیم؛ مثلاً $5/7$ و $5/8$ و $5/9$.

$$\frac{5}{5} < \frac{5}{6} < \frac{5}{7} < \frac{5}{8} < \frac{5}{9} < \frac{\sqrt{34}}{5}$$

$\sqrt{34}$

$$25 < 34 < 36 \Rightarrow 5 < \sqrt{34} < 6 \quad \left\{ \begin{array}{l} 5/5 = 25/25 \\ 5/6 = 25/30 \end{array} \right\} \Rightarrow 5/5 < \sqrt{34} < 6 \quad \left\{ \begin{array}{l} 5/5 = 25/25 \\ 5/7 = 25/35 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$\left. \begin{array}{l} 5/5 < \sqrt{34} < 6 \\ 5/7 = 25/35 \end{array} \right\} \Rightarrow 5/7 < \sqrt{34} < 5/6 \quad \left\{ \begin{array}{l} 5/6 = 25/30 \\ 5/8 = 25/40 \end{array} \right\} \Rightarrow 5/7 < \sqrt{34} < 5/8$$

درس دوم

عدد	۵/۸۱	۵/۸۲	۵/۸۳	۵/۸۴
مجدور	۳۳,۷۵۶۱	۳۳,۸۷۲۴	۳۳,۹۸۸۹	۳۴,۰۰۵۶

سپس آنها به کمک ماشین حساب جدول زیر را تکمیل کردند.

عدد	۵/۷	۵/۸	۵/۹	۶
مجدور	۳۲/۴۹	۳۲/۶۴	۳۴/۸۱	۳۶

در نتیجه با توجه به جدول بالا، مقدار $\sqrt{34}$ تقریباً برابر $5/8$ است.

آخرین جمله فعالیت بالا را معمولاً به شکل رو به رو می‌نویسیم: $\sqrt{34} = 5/8$

اگر این داش آموزان بخواهند به کمک روش بالا مقدار $\sqrt{34}$ را تا دو رقم اعشار حساب کنند، چگونه باید این کار را انجام دهند؟ **فاصله بین $5/8$ و $5/9$ را نصف منتهی سازید**

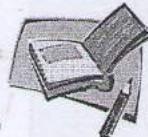
$$\left. \begin{array}{l} 5/85 = 34/2 \\ 5/85 < \sqrt{34} < 5/90 \end{array} \right\} \Rightarrow 5/85 < \sqrt{34} < 5/85 \\ \left. \begin{array}{l} 5/82^2 = 33,8724 \\ 5/82 < \sqrt{34} < 5/90 \end{array} \right\} \Rightarrow 5/82 < \sqrt{34} < 5/85$$

مقدار $\sqrt{34}$ تا پنج رقم اعشار به کمک ماشین حساب چنین به دست می‌آید:

$$\sqrt{34} = 5/83095$$

درس اول

کار در کلاس



- با پرکردن جاهای خالی، مقدار $\sqrt{2}$ و $\sqrt{20}$ را به صورت تقریبی تا یک رقم اعشار به دست آورید. نتیجه را با آنچه ماشین حساب به دست می‌آورد، مقایسه کنید.

$$\sqrt{1} < \sqrt{2} < \sqrt{4}$$

(الف)

$$1 < \sqrt{2} < 2$$

پس:

اکنون با نصف کردن فاصله ۱ تا ۲ روی محور، عدد $1/5$ را آزمایش می‌کنیم.

چون $2/25 = 1/5$ است، پس مقدار $\sqrt{2}$ حتماً کمتر از $1/5$ است.

عدد	۱/۳	۱/۴	۱/۵
مجدور	۱/۶۹	۱/۹۶	۲/۲۵

$$\sqrt{2} = 1,4$$

به کمک جدول بالا می‌توان نوشت:

$$\sqrt{196} < \sqrt{200} < \sqrt{225}$$

بنابراین: $14 < \sqrt{200} < 15$

خلاصه درس: ابتدا بدست از اوریم خذ عددین کدام دو عدد طبیعی هست

سپس مجدور می‌انلین آن دو عدد را بدست اوریم برای سال

$$\frac{5+4}{5} = 5/9 < \sqrt{34} < 6$$

حال جدولی رسم می‌کنیم و در آن مجدور اعداد $5/6, 5/7, 5/8, 5/9$ را نویسیم یا می‌توانیم همین

$$4 < \sqrt{19} < 5 \quad \frac{4+5}{2} = \frac{9}{2} \xrightarrow{\text{میتو}} 4,5 = 20/20$$

عدد	۴,۱	۴,۲	۴,۳	۴,۴
میتو	۱۹,۸۱	۱۷,۴۴	۱۸,۴۹	۱۹,۳۶

$$\Rightarrow \sqrt{19} \approx 4,3$$

عدد	۹,۱	۹,۲	۹,۳	۹,۴
میتو	۳۷,۲۱	۳۱,۴۴	۳۹,۴۹	۴۰,۹۶

$$9 < \sqrt{40} < 10 \Rightarrow \frac{9+10}{2} = 9,5 \xrightarrow{\text{میتو}} 9,5 = 42,25 > 40 \Rightarrow \sqrt{40} \approx 9,5$$

اگر با نصف کردن فاصله ۱۵ را روی محور اعداد، عدد ۱۴/۵ را آزمایش می‌کنیم. چون $\sqrt{200} = 21,25 = 21,5^2$ ، بنابراین $\sqrt{200}$ حتماً کمتر از ۱۴/۵ است.

$$\sqrt{200} = 14,1$$

بنابراین

عدد	۱۴/۱	۱۴/۲	۱۴/۳	۱۴/۴
میتو	۱۹۸,۸۱	۲۰۱,۶۴	۲۰۴,۶۹	۲۰۷,۲۹

۲- ابتدا مقدار تقریبی هر عددی را که در جدول آمده است، حدس بزنید. سپس، به کمک ماشین حساب حاصل را تا دو رقم اعشار پیدا کنید و با مقداری که حدس زده اید، مقایسه کنید.

عدد	$\sqrt{3}$	$\sqrt{5}$	$\sqrt{10/3}$	$\sqrt{18/5}$	$\sqrt{68}$	$\sqrt{99}$	$\sqrt{140}$
مقدار حدس زده شده	۱/۷	۲,۲	۳/۲	۴,۵	۸,۳	۹,۹	۱۱,۸
ماشین حساب	۱,۷۳	۲,۲۳	۳/۲۰۹	۴,۳۵	۸,۲۳	۹,۹۳	۱۱,۸۳

عدد	۱۲,۱	۱۲,۲	۱۲,۳	۱۲,۴
میتو	۱۴۴,۴۱	۱۴۸,۸۲	۱۵۱,۲۹	۱۵۳,۷۴

$$\Rightarrow \sqrt{150} \approx 12,2$$

$$12 < \sqrt{150} < 13 \Rightarrow \frac{12+13}{2} = 12,5 \xrightarrow{\text{میتو}} 12,5 = 154,25 > 150$$

۱- به کمک روشی که در درس یاد گرفته اید، مقدار هر یک از عددهای زیر را تاب

$$\sqrt{19} \approx 4,3$$

$$\sqrt{19}, \sqrt{40}, \sqrt{150}, \sqrt{385}$$

$$\sqrt{40} \approx 6,3$$

$$\sqrt{150} \approx 12,2 \quad \sqrt{385} \approx 19,6$$

۲- در جاهای خالی علامت مناسب قرار دهید. از ماشین حساب کمک بگیرید.

$$\sqrt{11} \approx 3\frac{1}{3}$$

$$\sqrt{17} \approx 4,02$$

$$\sqrt{6/25} = 2\frac{1}{2}$$

$$1 + \sqrt{15} \approx 4$$

$$\sqrt{20} - 2 \approx \sqrt{18}$$

$$(\sqrt{3})^2 = 3$$

$$19 < \sqrt{385} < 20$$

$$\frac{19+20}{2} = 19,5$$

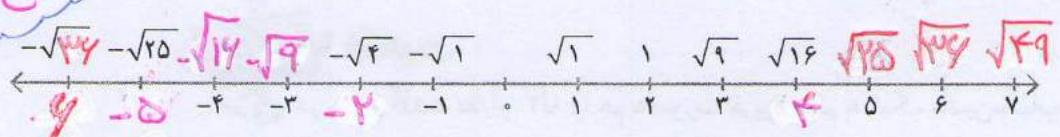
$$19,5 = 385,25 > 385$$

عدد	۱۹,۴	۱۹,۵	۱۹,۶	۱۹,۷
میتو	۳۸۴,۱۴	۳۸۸,۰۹	۳۹۲,۰۴	۳۹۶,۰۱

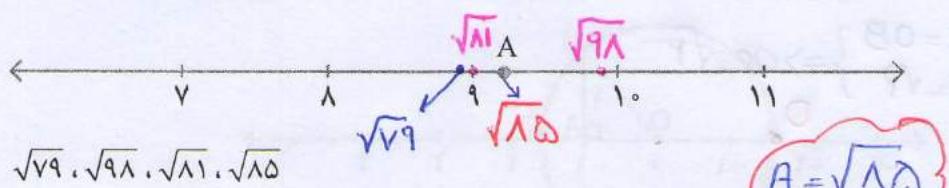
$$\Rightarrow \sqrt{385} \approx 19,5$$

اصلاح سود

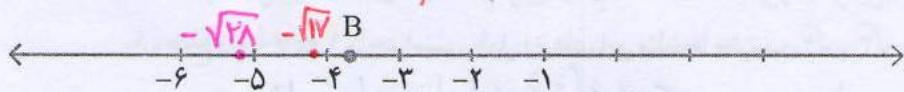
۳- جاهای خالی روی محور را با عدهای مناسب پر کنید.



۴- در هر یک از تمرین‌های زیر، یک محور اعداد رسم و نقطه‌ای روی آن مشخص شده است (نقاط A, B, C). نقطه مشخص شده روی محور به کدام یک از عدهای داده شده نزدیک‌تر است؟
دلیل پیاوید. عدد ۹۸ به صد نزدیک است پس جذر ۱۰ هم به وا نزدیک‌تر است



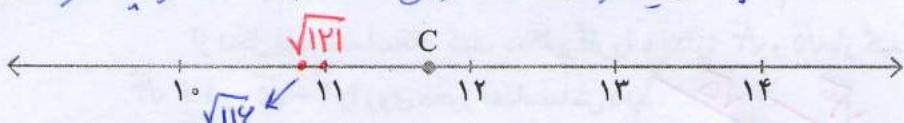
$$\sqrt{79} < 9, \sqrt{81} = 9, 9, 5 < \sqrt{98} < 10 \quad \text{دلیل:}$$



$$-\sqrt{12}, -\sqrt{17}, -\sqrt{15}, -\sqrt{28} \quad \sqrt{28} > 5 \Rightarrow -\sqrt{28} < -5$$

$$\sqrt{17} > 4 \Rightarrow -\sqrt{17} < -4$$

دلیل: ۱۲ به ۹ نزدیک‌تر است تا ۱۴ پس عدد ۹ نزدیک‌تر است تا ۱۴ پس نزدیک‌تر است



$$\sqrt{121} = 11 \quad \sqrt{114} < 11$$

دلیل: ۱۲۱ به ۱۱ نزدیک‌تر است تا ۱۴ پس

عدد ۱۲۱ به عدد ۱۴ نزدیک‌تر است تا ۱۲۱ پس $\sqrt{144} = 12$ به $\sqrt{121} = 11$ نزدیک تراست

۱۵ به ۱۴ نزدیک‌تر است تا ۹ پس $\sqrt{15}$ به ۱۴ نزدیک‌تر است

$$B = -\sqrt{15} \quad \text{لذا با توجه به مسئله داریم}$$

برای راحتی کار را توانم مُلت را با همان واحد محور بیرون محور رسم کنم و سپس پرگار را به اندازه مطلوب بازنموده و کان مورد نظر را رسم کنم



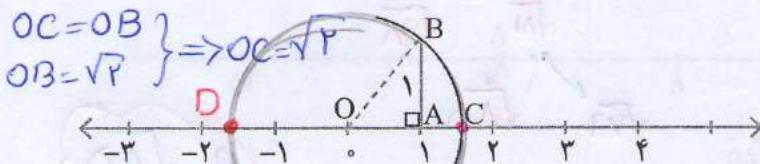
نمایش اعداد رادیکالی روی محور اعداد

فعالیت

در درس گذشته مقدار $\sqrt{2}$ را هم به صورت تقریبی و هم به کمک ماشین حساب محاسبه کردید.

در این فعالیت، بآنایش $\sqrt{2}$ روی محور اعداد آشنا می‌شویم. محور عدددهای زیر را در نظر بگیرید. مثلث OAB یک مثلث قائم‌الزاویه متساوی الساقین به ضلع ۱ است.

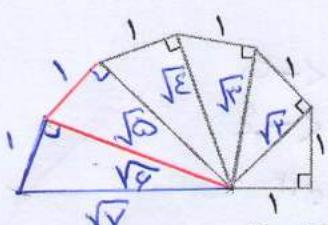
به مرکز O و شعاع OB کمانی می‌زنیم تا محور اعداد را در نقطه C قطع کند. طول پاره خط OC چقدر است؟ $\sqrt{2}$ چرا نقطه C، عدد $\sqrt{2}$ را نمایش می‌دهد؟



$D = -\sqrt{2}$ به همین روش، نقطه‌ای را روی محور بالا معین کنید که عدد $-\sqrt{2}$ را نمایش دهد.

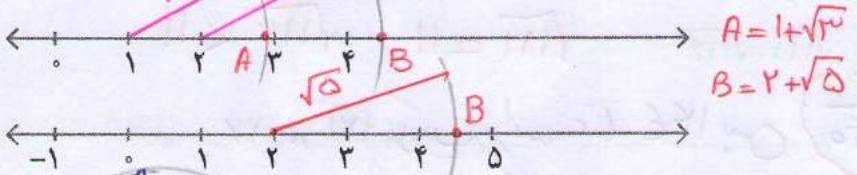
در شکل زیر، تعدادی مثلث قائم‌الزاویه رسم شده است. در هر یک از این مثلث‌ها طول یک ضلع زاویه قائم ۱ واحد است. طول وترهای این مثلث‌ها به ترتیب $\sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{4}, \sqrt{5}$ است. چرا؟ با استفاده از رابطی فیثاغورس

آیا می‌توانید به همین ترتیب پاره خطی به طول $\sqrt{6}$ و $\sqrt{7}$ رسم کنید؟ چگونه؟

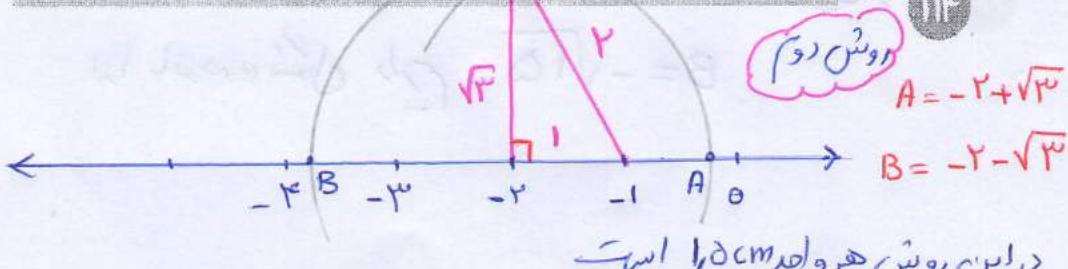
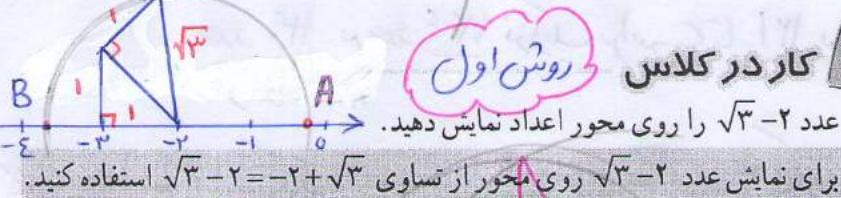


از شکل داده شده استفاده کنید. دهانه پرگار را به اندازه $\sqrt{3}$ و $\sqrt{5}$ باز کنید و عدددهای

$1 + \sqrt{5}$ و $2 + \sqrt{5}$ روی محور اعداد نمایش دهد.



$$\begin{aligned} A &= -2 + \sqrt{3} \\ B &= -2 - \sqrt{3} \end{aligned}$$



خواص ضرب و تقسیم رادیکال‌ها



رابطه را اثبات کنید

با توجه به عدهای داده شده a و b , مانند نمونه جدول زیر را کامل کنید. با مقایسه

دو ستون آخر جدول، چه حدسی می‌زنید؟

a	\sqrt{a}	b	\sqrt{b}	ab	\sqrt{ab}	$\sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$
۴	۲	۹	۳	۳۶	۶	۶
۹	۳	۱۶	۴	۱۴۴	۱۲	۱۲
۴	۲	۱۶	۴	۶۴	۸	۸
۲۵	۵	۴	۲	۱۰۰	۱۰	۱۰

آیا می‌توانید حدس خود را به صورت یک عبارت کلامی بیان کنید؟ **جذر (رابطه) حاصل ضرب و**

عدد پر اپراتر با حاصل ضرب جزء‌های آن رو عدد

اگر b و a دو عدد مثبت باشند، داریم: $\sqrt{ab} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$ $a, b > 0$

به کمک جدول بالا، درستی رابطه را بررسی کنید.

$$\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

$$\sqrt{9+14} = \sqrt{25} = 5$$

نادرست

$$\sqrt{9+14} = \sqrt{3+4} = \checkmark$$

۱- در تساوی‌های زیر جاهای خالی را پر کنید.

$$\sqrt{2} \times \sqrt{8} = \sqrt{16} = 4 \rightarrow \sqrt{2 \times 8}$$

$$\sqrt{14} = \sqrt{7} \times \sqrt{2}$$

$$\sqrt{18} \times \sqrt{2} = \sqrt{36} = 6$$

$$\sqrt{200} = \sqrt{100} \times \sqrt{2} = 10\sqrt{2}$$

اصلاح سود $\sqrt{14 \times 25} = \sqrt{16 \times 25} = \boxed{4} \times \boxed{5} = 20$

۲- کدام یک از عبارت‌های زیر درست و کدام نادرست است؟

$$\sqrt{50} = 25$$

$$\sqrt{50} = 5 \times \sqrt{2}$$

نادرست درست

۳- مانند نمونه تساوی‌های زیر را کامل کنید.

$$\sqrt{20} = \sqrt{4} \times \sqrt{5} = 2\sqrt{5}$$

$$\sqrt{8} = \sqrt{4} \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{12} = \sqrt{4} \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

$$\sqrt{18} = \sqrt{9} \times \sqrt{2} = 3\sqrt{2}$$

$$\sqrt{75} = \sqrt{25} \times \sqrt{3} = 5\sqrt{3}$$

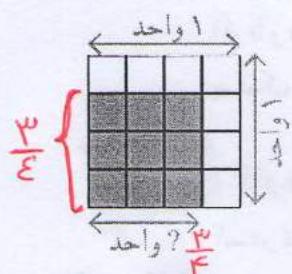
۵- فعالیت

جدول زیر را برای عدههای مثبت a و b کامل کنید. مقدارهای دو سطر آخر را با هم مقایسه کنید و تساوی به دست آمده را به شکل یک قانون کلی بنویسید.

a	۱۶	۲۵	۱	۴۹
b	۹	۳۶	۱۰۰	۶۴
$\sqrt{\frac{a}{b}}$	$\sqrt{\frac{16}{9}} = \frac{4}{3}$	$\sqrt{\frac{25}{36}} = \frac{5}{6}$	$\sqrt{\frac{1}{100}} = \frac{1}{10}$	$\sqrt{\frac{49}{64}} = \frac{7}{8}$
$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$	$\frac{\sqrt{16}}{\sqrt{9}} = \frac{4}{3}$	$\frac{\sqrt{25}}{\sqrt{36}} = \frac{5}{6}$	$\frac{\sqrt{1}}{\sqrt{100}} = \frac{1}{10}$	$\frac{\sqrt{49}}{\sqrt{64}} = \frac{7}{8}$

کار در کلاس

۱- با استفاده از شکل رویه رو، درستی رابطه



$$S = \frac{9}{16} \quad \text{ضلع} = \frac{3}{4}$$

۲- در جاهای خالی عدد مناسب بنویسید.

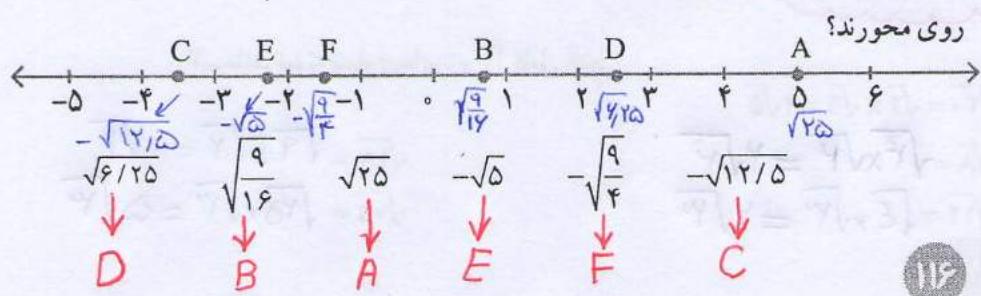
$$-\sqrt{\frac{1}{144}} = -\frac{1}{12}$$

$$\sqrt{\frac{49}{16}} = \frac{7}{4}$$

$$\sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$-\sqrt{\frac{1}{49}} = -\frac{1}{7}$$

۳- به صورت تقریبی مشخص کنید که عدههای داده شده نظیر کدام یک از نقاط مشخص شده



$$24 < \sqrt{100} < 27 \rightarrow \frac{24+27}{2} = 24,5 \xrightarrow{\text{مقدور}} \sqrt{100} > 100$$

عدد	۲۴,۱	۲۴,۲	۲۴,۳	۲۴,۴
مقدور	۹۸۱,۲۱	۹۸۴,۴۴	۹۹۱,۴۹	۹۹۴,۹۴

$$\Rightarrow \sqrt{100} \approx 24,2$$

تمرین

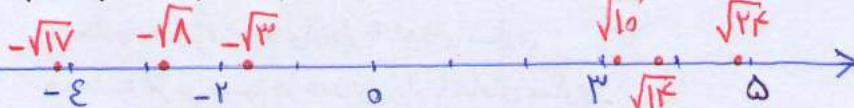
۱- نزدیک ترین عدد طبیعی به هر یک از عدهای زیر را پیدا کنید.

$$\sqrt{401} \approx 20,02, \sqrt{310} \approx 18, \sqrt{9999} \approx 100, \sqrt{280} \approx 17, \sqrt{175} \approx 13,2$$

درستی پاسخ خود را به کمک ماشین حساب بیازماید.

۲- یک محور اعداد رسم کنید و عدهای زیر را به صورت تقریبی روی آن مشخص کنید.

$$\sqrt{14}, \sqrt{10}, \sqrt{24}, -\sqrt{3}, -\sqrt{8}, -\sqrt{17}$$



۳- مجموع عدهای واقع بر هر سطر، هر ستون و نیز هر قطر مربع زیر است.

جاهای خالی را با چه عدهایی می‌توان پر کرد؟

۱	-۴	-۱
-۶	-۲	۰
-۳	۲	-۵

۱	$-(\sqrt{4} + 2)$	-۵
-۴	-۲	۰
-۳	$\sqrt{4} + 2$	-۵

تلخ

$$5^\circ = 1$$

$$-5^\circ = -1$$

۴- حاصل هر یک از عبارت‌های زیر را بدست آورید.

$$(a^m \times a^n) \times (b^p \div b^q) = a^{m+p} \times b^{n-q} = (ab)^{m+p}$$

$$\frac{(4 \times 3)^5 \times 14^1}{(28^7 \div 2^7) \times (6^5 \times 2^5)} = \frac{14^5 \times 14^1}{14^7 \times 14^0} = 14^{-1}$$

۵- جذر ۷۰۰ را تا یک رقم اعشار به دست آورید و نتیجه را به کمک ماشین حساب بررسی کنید.

بال

$$\Rightarrow \sqrt{700} = 24,5$$

$$\sqrt{700} \approx 24,481$$

۶- دو عدد طبیعی بین $\sqrt{5}$ و $\sqrt{17}$ پیدا کنید.

$$\sqrt{5} < \sqrt{9} = 3, \sqrt{16} = 4 < \sqrt{17}$$

جواب: ۴,۳

۷- پنج عدد بین $\sqrt{3}$ و $\sqrt{8}$ پیدا کنید.

۱۴

$$\sqrt{3} < \sqrt{4}, \sqrt{5}, \sqrt{6}, \sqrt{7}, \sqrt{8} < \sqrt{17}$$

$$\sqrt{3} = 1,73 < 1,8, 1,9, 2, 2,1, 2,2, 2,3, 2,4 < \sqrt{8} \approx 2,82$$

$$= \left(\frac{w^{10}}{w^9} \right)^r \div \left(\frac{s^4}{s^6} \right)^r = w^r \div 1 = w^r$$

حوار - سوالات

$$9 < \sqrt{93} < 10 \rightarrow \frac{9+10}{2} = 9,5$$

$\xrightarrow{\text{متوسط}} 9,5 < 93$

۹۰۵	۹,۴	۹,۷	۹,۸	۹,۹
جذور	۹۲,۱۴	۹۲,۰۹	۹۴,۰۴	۹۳,۰۱

$$\Rightarrow \sqrt{q_3} \leq q_1 \vee \\ q_1 \leq \sqrt{q_3} < q_1$$

٩٤١	٩٤٢	٩٤٣	٩٤٤
٩٤٥	٩٤٦	٩٤٧	٩٤٨

$$\Rightarrow \sqrt{9\pi} \approx 9.44$$

$$9,40 \stackrel{r}{\simeq} 93,1220$$

- توان • جذر تقریبی • ریشه‌های دوم یک عدد • جذر حاصل ضرب و حاصل تقسیم
در این فصل، روش‌های اصلی زیر مطرح شده‌اند. هر کدام را با یک مثال توضیح دهید و در
دقتر خود خلاصه درس را بنویسید.

- #### • محاسبه حاصل یک عدد توان دار به توان عدد دیگر

- #### • محاسبه تقسیم دو عدد توان دار با پایه های مساوی

- #### • محاسبه تقریبی تقسیم دو عدد توان دار با نماهای مساوی

- #### • محاسبہ یک عبارت توان دار

- ## • محاسبہ جذریک عدد

- پیدا کردن عده‌های رادیکالی، روی محور

- #### • ساده کردن یک عبارت توان دار

- #### • محاسبة جذر حاصل ضرب و حاصل تقسيم

کاربرد این درس علاوه بر درس‌های دیگر ریاضی مثل جبر در بیان عدددهای بسیار بزرگ و یا بسیار کوچک است. نماد علمی نوعه‌ای از بیان این عدددها به صورت توان دار است.

تصویرهای تحریکی

لای ترکیبی

۱- حاصل عبارت مقابله را به دست آورید.

$$\frac{(-3)^5 \times 2^4 \times 8}{-2^2 \times (-9)^3 \times 18} = + \frac{1 \cancel{3}^5 \cancel{2}^4 \cancel{8}!}{\cancel{-2}^2 \times \cancel{(-9)}^3 \times \cancel{18}} = \frac{1}{9}$$

۲- حاصل تقسیم مقابله را به دست آورید.

$$\left[3^{10} \times \left(\frac{1}{27} \right)^3 \right]^2 \div \left[5^4 \times \left(\frac{1}{25} \right)^2 \right]^3$$

۳- با تهیه جدول مناسب، جذر عدد ۹۳ را تا دو رقم اعشار به دست آورید.

۴- عدد های زیر را به ترتیب صعودی و از حیث به راست مرتب کنید.

۵- به کمک مکان مقنایت با عدد های زیر و مجموع اعماق خود را محاسبه کنید.

۵- به کمک رسم، مکان متناظر با عده‌های زیر را روی محور اعداد مشخص کنید.

$$\sqrt{10}, \sqrt{13}, \sqrt{20} - \sqrt{16} = -\varepsilon + \sqrt{20} = -4 + 2\sqrt{5} = k$$

۶- مقدار عددی عبارت زیر را به ازای $x = -2$ و $y = 6$ و $a = -1$ و $b = \frac{1}{2}$ به دست آورید.

$$\frac{ax^r - b(x-y)^r}{raxy + \left(\frac{y}{x}\right)^r - \frac{r}{b^r}} = \frac{(-1) \times 1^r - \frac{1}{1}(-2-34)}{2x(-1)(-2)(4) + \left(\frac{-4}{-2}\right)^r - \frac{r^r}{1}} = \frac{-1^r + 19}{2k - 2V - 12} = \frac{19}{-12} = -1$$

